SEP



MATEMÁTICAS I

SERIE PROGRAMAS DE ESTUDIOS



SECRETARÍA DE EDUCACIÓN PÚBLICA SUBSECRETARÍA DE EDUCACIÓN MEDIA SUPERIOR DIRECCIÓN GENERAL DEL BACHILLERATO

SERIE: PROGRAMAS DE ESTUDIO

CLAVE SEMESTRE Primero TIEMPO ASIGNADO 80 horas

CAMPO DE CONOCIMIENTO Matemáticas
CRÉDITOS 10
COMPONENTE DE FORMACIÓN Básica

Para alcanzar las UNIDADES DE COMPETENCIA

Para cubrir

de

Indicadores

desempeño

En este programa encontrará: Las competencias genéricas y competencias disciplinares relativas a MATEMÁTICAS I integradas en bloques de aprendizaje, que buscan desarrollar unidades de competencias específicas.

Se requiere de:
Saberes
específicos
•Conocimientos
•Habilidades
•Actitudes

Evidencias de aprendizaje

Y generar:

MATEMÁTICAS I

En la última década, las autoridades educativas de nuestro país, han mostrado un especial interés en ampliar la cobertura de los niveles educativos básico y medio superior, así como elevar los índices de calidad del servicio que se ofrece a través de las diversas instituciones que coordina, y con ello atender algunos de los problemas prioritarios que presenta el sistema educativo. En el caso de la educación media superior, tal como lo señala el **Plan Nacional de Desarrollo 2007-2012**, actualmente se atiende a poco más de tres quintas partes de la población de 16 a 18 años en una modalidad escolarizada, sin embargo los índices de eficiencia terminal son en promedio del 60%, lo cual denota altos niveles de reprobación y deserción entre los alumnos. Desde el punto de vista de la calidad educativa, se ha identificado la necesidad de que los estudiantes de este nivel educativo desarrollen capacidades y habilidades básicas como el razonamiento matemático, el uso adecuado del lenguaje y su capacidad lectora; así como actualizar los contenidos educativos, materiales y métodos de enseñanza, de tal forma que la educación que se imparta tenga mayor relevancia y pertinencia para los educandos, al proporcionarles los recursos, herramientas y actitudes adecuadas que les permitan responder a la sociedad del conocimiento, aprovechar los recursos y medios tecnológicos existentes, y en algunos casos contribuir a una posible inserción en el sector productivo.

Con el propósito de atender las necesidades anteriores, el Programa Sectorial 2007-2012 ha señalado como Objetivo Estratégico 1 "Elevar la calidad de la educación para que los estudiantes mejoren su nivel de logro educativo, cuenten con medios para tener acceso a un mayor bienestar y contribuyan al desarrollo nacional", y la estrategia 1.7 de este mismo objetivo "Establecer las competencias para la vida y el trabajo que todos los estudiantes de bachillerato deban desarrollar y que sean la unidad común que defina los mínimos requeridos para obtener una certificación nacional de educación media superior"; incorporando al plan y los programas de estudio del bachillerato general contenidos y actividades de enseñanza y aprendizaje dirigidas al desarrollo de competencias, tanto para la vida como para el trabajo. Para el logro de este objetivo, la Subsecretaría de Educación Media Superior inició el proceso de Reforma Integral de la Educación Media Superior con el propósito de establecer un Sistema Nacional de Bachillerato en un marco de diversidad, donde participan todas aquellas instituciones que imparten o coordinan la educación media superior en sus diferentes tipos (general, tecnológico y profesional técnico).

La **Reforma Integral de la Educación Media Superior** tiene el propósito de fortalecer y consolidar la identidad de este nivel educativo, a partir del reconocimiento de todas sus modalidades y subsistemas; proporcionar una educación pertinente y relevante al estudiante que le permita establecer una relación entre la escuela y su entorno; y facilitar el tránsito académico de los estudiantes entre los subsistemas y las escuelas. Para el logro de estos propósitos uno de los ejes principales de la Reforma es la definición de un Marco Curricular Común, que compartirán todas las instituciones de bachillerato, basado en un enfoque educativo por competencias.

A través del Marco Curricular Común se reconoce que el bachillerato debe orientarse hacia:

- El desarrollo personal y social de los futuros ciudadanos, a través de las **competencias genéricas**, las cuales tendrán una aplicación en diversos contextos (personal, social, académico y laboral) y tienen un impacto más allá de cualquier disciplina o asignatura que curse un estudiante.
 - Cabe señalar que éstas competencias, constituyen a su vez el *perfil de egreso* de los estudiantes de Educación Media Superior, con el propósito de proporcionar al estudiante aquellas capacidades básicas que le serán de utilidad a lo largo de la vida; al incluir aspectos de realización personal, como el conocimiento y cuidado de uno mismo o la elección de estilos de vida saludables; de convivencia social, al participar en acciones comunitarias, trabajar en equipo; y preparación para una actividad laboral, al fomentar el trabajo en equipo o el auto aprendizaje.
- El desarrollo de capacidades académicas que posibilite a los estudiantes continuar sus estudios superiores, al proporcionarles las competencias disciplinares básicas y/o extendidas, que les permita participar en la

MATEMÁTICAS I

sociedad del conocimiento.

El desarrollo de capacidades específicas para una posible inserción en el mercado laboral, mediante las competencias profesionales básicas o extendidas.

Con relación al enfogue por competencias es conveniente analizar sus implicaciones en la conceptualización de estudiante y docente, del proceso de enseñanza y aprendizaje, así como su impacto en el aula¹. Si bien existen varias definiciones de lo que es una competencia, a continuación se presentan las definiciones que fueron retomadas por la Dirección General del Bachillerato para la actualización de los programas de estudio:

Una competencia es la "capacidad de movilizar recursos cognitivos para hacer frente a un tipo de situaciones" con buen juicio, a su debido tiempo, para definir y solucionar verdaderos problemas.²

Las competencias son procesos complejos de desempeño integral con idoneidad en determinados contextos, que implican la articulación y aplicación de diversos saberes, para realizar actividades y/o resolver problemas con sentido de reto, motivación, flexibilidad, creatividad y comprensión, dentro de una perspectiva de mejoramiento continuo y compromiso ético.

Tomando en cuenta ambas definiciones y otros referentes psicopedagógicos del enfoque constructivista y centrado en el aprendizaje, es conveniente resaltar algunas características que presenta este enfoque educativo:

- a) El educando es el sujeto que construye sus aprendizajes, gracias a su capacidad de pensar, actuar y sentir.
- b) El logro de una competencia será el resultado de los procesos de aprendizaje que realice el educando, a partir de las situaciones de aprendizaje con las cuales entra en contacto y su propia experiencia.
- Las situaciones de aprendizaje serán significativas para el estudiante en la medida que éstas le sean atractivas, cubran alguna necesidad o recuperen parte de su entorno actual.
- Toda competencia implica la movilización adecuada y articulada de los saberes que ya se poseen (conocimientos, habilidades, actitudes y valores), así como de los nuevos saberes.
- Movilizar los recursos cognitivos, implica aplicar los diversos saberes en situaciones específicas y condiciones particulares.
- Cuando un individuo es competente, significa que ha logrado un cambio integral como persona, al haber desarrollado nuevas o mejores capacidades como individuo.
- La adquisición de una competencia se demuestra a través del desempeño de una tarea o producto (evidencias de aprendizaje), los cuales responden a indicadores de desempeño de eficacia, eficiencia, efectividad y pertinencia y calidad establecidos.
- h) Las competencias son flexibles, en función de permitir diferentes niveles de desempeño.
- La función del docente es la de mediador y promotor de actividades que permitan el desarrollo de competencias, al facilitar el aprendizaje entre los estudiantes, a partir del diseño y selección de secuencias didácticas, reconocimiento del contexto que vive el estudiante, selección de materiales, promoción de un trabajo interdisciplinario y acompañar el proceso de aprendizaje del estudiante.

³ Interpretación realizada por la Dirección General del Bachillerato con relación a la propuesta realizada por Sergio Tobón.

¹ Más adelante se presenta el apartado "Criterios Generales para el Diseño de Plan de Clase", donde se muestran algunas sugerencias para concretar este enfogue por competencias en el trabajo diario de aula.

² Philippe Perrenoud, "Construir competencias desde la escuela" Ediciones Dolmen, Santiago de Chile.

MATEMÁTICAS I

A manera de conclusión, podemos retomar lo que nos comenta Anahí Mastache⁴, al reconocer que las competencias van más allá de las habilidades básicas, ya que implica desarrollar en los estudiantes la capacidad de captar el mundo circundante, ordenar sus impresiones, comprender las relaciones que se suscitan entre los hechos que observan y actuar en consecuencia. De tal forma que nuestra educación debe dejar de lado la memorización sin sentido de asignaturas paralelas, la adquisición de habilidades relativamente mecánicas, y promover saberes transversales susceptibles de ser empleados en la vida cotidiana, que se manifiesten en la capacidad de resolución de problemas diferentes de los presentados en el aula escolar, procurando que en las escuelas y principalmente en el aula no solo se busque transmitir saberes y destrezas manuales, sino incorporar los aspectos culturales, sociales v actitudinales que tienen que ver con la capacidad de las personas.

Para incorporar el enfogue por competencias que establece el Marco Curricular Común⁵, la **Dirección General de Bachillerato** inició, en el 2008, la revisión y actualización del plan y programas de estudio del bachillerato general; partiendo de los propósitos del plan de estudios, los cuales se señalan a continuación:

- Proveer al educando de una cultura general que le permita interactuar con su entorno de manera activa, propositiva y crítica (formación básica);
- Prepararlo para su ingreso y permanencia en la educación superior, a partir de sus inquietudes y aspiraciones profesionales (formación propedéutica);
- Y finalmente promover su contacto con algún campo productivo real que le permita, si ese es su interés y necesidad, incorporarse al ámbito laboral (formación para el trabajo).

Como parte de la formación básica anteriormente mencionada, a continuación se presenta el programa de estudios de la asignatura de **Matemáticas I**, que pertenece al campo de conocimiento del mismo nombre y se integra con cuatro cursos. El campo de conocimiento de matemáticas, conforme al Marco Curricular Común, tiene la finalidad de propiciar el desarrollo de la creatividad y el pensamiento lógico y crítico entre los estudiantes, mediante procesos de razonamiento, argumentación y estructuración de ideas que conlleven el despliegue de distintos conocimientos, habilidades, actitudes y valores, en la resolución de problemas matemáticos que en sus aplicaciones trasciendan el ámbito escolar; para seguir lo anterior se establecieron las competencias disciplinares básicas del campo de las matemáticas⁶, mismas que han servido de guía para la actualización del presente programa.

La asignatura de Matemáticas I es la primera de un conjunto de cuatro, que forman el campo de las matemáticas y su antecedente son las matemáticas de la educación básica (secundaria). Durante la secundaria, se buscó que los estudiantes aprendieran a plantear y resolver problemas en distintos ámbitos de su realidad, así como a justificar la validez de los procedimientos y resultados, empleando el lenguaje matemático como un elemento más de comunicación. En el bachillerato, se busca consolidar y diversificar los aprendizajes y desempeños adquiridos, ampliando y profundizando los conocimientos, habilidades, actitudes y valores relacionados con el campo de las matemáticas, promoviendo en Matemáticas I, el uso de representaciones y procedimientos algebraicos para resolver situaciones de su entorno que impliquen el manejo de magnitudes variables y constantes; en las asignaturas consecuentes, este desempeño se fortalecerá con el manejo de las relaciones funcionales entre dos o más variables, mismas que permitirán al estudiante modelar situaciones o fenómenos, y obtener, explicar e interpretar sus resultados: en Matemáticas II, con relación a magnitudes físicas o espaciales y también determinísticas o aleatorias; en Matemáticas III, mediante el cambio y la equivalencia entre representaciones algebraicas y geométricas; y

⁴ Mastache, Anahí et. al. Formar personas competentes. Desarrollo de competencias tecnológicas y psicosociales. Ed. Novedades Educativas. Buenos Aires / México. 2007.

⁵ Diario Oficial de la Federación. Acuerdo Secretarial Núm. 444 por el que se establecen las competencias que constituyen el marco curricular común del Sistema Nacional de Bachillerato. Martes 21 de octubre de 2008.

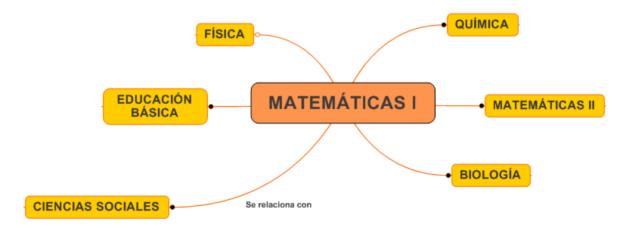
⁶ Op. Cit. p. 6.

⁷ SEP. Educación Básica. Plan de Estudios 2006. SEP / Subsecretaría de Educación Básica. México. 2007. p. 34.

MATEMÁTICAS I

finalmente en Matemáticas IV, mediante el empleo de diversos tipos de relaciones funcionales.

Si bien desde el punto de vista curricular, cada materia de un plan de estudios mantiene una relación vertical y horizontal con el resto, el enfoque por competencias reitera la importancia de establecer este tipo de relaciones al promover el trabajo interdisciplinario, en similitud a la forma como se presentan los hechos reales en la vida cotidiana. En este caso, todas las matemáticas del área básica alimentan a las asignaturas del campo de las Ciencias Experimentales como son la Física, Química y Biología y constituyen un apoyo en cuanto a las materias de Ciencias Sociales. En Física, por ejemplo, se requieren para el estudio del movimiento (rectilíneo uniforme, circular, parabólico), presión, volumen, palancas, óptica, etc., en Química para el estudio de los cristales; en Biología para el análisis del aumento o disminución de poblaciones de bacterias, o para la determinación de la duración del efecto de un medicamento; en Ciencias Sociales y en Administración, resultan útiles para realizar cuantificaciones estadísticas; en Economía, para obtener soluciones óptimas, o realizar predicciones sobre el efecto de variables económicas en la producción, la exportación, etc.



Ubicación de la asignatura con relación al componente de formación básica.

Específicamente, la asignatura de Matemáticas I permitirá al estudiante utilizar distintos procedimientos algebraicos para representar relaciones entre magnitudes constantes y variables, y resolver problemas, por ejemplo, de variación proporcional como la determinación de tiempos de trabajo en equipos de producción en línea, durabilidad de raciones alimenticias en una población, ventajas comparativas de ofertas de productos en almacenes; o bien, resolver problemas concernientes al uso óptimo de palancas para mover objetos pesados, mezclas de productos para obtener otro con un precio intermedio; obtención de costos unitarios de dos o tres mercancías; comparación del ritmo de producción de artículos; obtención de valores mínimos o máximos en relación con la producción, el costo o la ganancia por la venta de algún producto, etc.

MATEMÁTICAS I

Esta asignatura está organizada en diez bloques de conocimiento, con el objeto de facilitar la formulación y/o resolución de situaciones o problemas de manera integral en cada uno, y de garantizar el desarrollo gradual y sucesivo de distintos conocimientos, habilidades, valores y actitudes, en el estudiante. Los diez bloques, son los siguientes:

Bloque I	Resuelve problemas aritméticos y algebraicos
Bloque II	Utiliza magnitudes y números reales
Bloque III	Realiza sumas y sucesiones de números
Bloque IV	Realiza transformaciones algebraicas I
Bloque V	Realiza transformaciones algebraicas II
Bloque VI	Resuelve ecuaciones lineales I
Bloque VII	Resuelve ecuaciones lineales II
Bloque VIII	Resuelve ecuaciones lineales III

Resuelve ecuaciones cuadráticas I Resuelve ecuaciones cuadráticas II

Bloque IX

Bloque X

En el Bloque I se inicia el uso de variables y expresiones algebraicas en el contexto de los números positivos; en el Bloque II se extiende lo anterior al conjunto de los números reales, incluyendo comparaciones mediante tasas, razones, proporciones y la variación proporcional como caso simple de relación lineal entre dos variables; en el Bloque III se estudian sucesiones y series (aritméticas y geométricas) de números, bosquejando funciones discretas (lineales y exponenciales); en los Bloques IV y V se estudian operaciones con polinomios en una variable y factorizaciones básicas y de trinomios (incluyendo productos notables y expresiones racionales); en los Bloques VI, VII y VIII se estudian, respectivamente, los sistemas de ecuaciones 1 x 1, 2 x 2, y 3 x 3, en estrecha conexión con la función lineal; y finalmente en los Bloques IX y X se estudian las ecuaciones cuadráticas en una variable y su relación con la función cuadrática.

Si bien todas las asignaturas contribuirán al desarrollo de las **competencias genéricas**, cada asignatura tiene una participación específica. Es importante destacar que la asignatura de Matemáticas I contribuye ampliamente al desarrollo de estas competencias cuando el estudiante **se autodetermina y cuida de sí**, por ejemplo, al enfrentar las dificultades que se le presentan al resolver un problema y es capaz de tomar decisiones ejerciendo el análisis crítico; **se expresa y comunica** utilizando distintas formas de representación matemática (variables, ecuaciones, tablas, diagramas, gráficas) o incluso emplea el lenguaje ordinario, u otros medios (ensayos, reportes) e instrumentos (calculadoras, computadoras) para exponer sus ideas; **piensa crítica y reflexivamente** al construir hipótesis, diseñar y aplicar modelos lineales o cuadráticos, evaluar argumentos o elegir fuentes de información al analizar o resolver situaciones o problemas de su entorno; **aprende de forma autónoma** cuando revisa sus procesos de construcción del conocimiento matemático (aciertos, errores) o los relaciona con su vida cotidiana; **trabaja en forma colaborativa** al aportar puntos de vista distintos o proponer formas alternas de solucionar un problema matemático; **participa con responsabilidad en la sociedad** al utilizar sus conocimientos matemáticos para proponer soluciones a problemas de su localidad, de su región o de su país.

PROGRAMA EN VALIDACIÓN

COMPETENCIAS GENÉRICAS DEL BACHILLERATO GENERAL

Las competencias genéricas son aquellas que todos los bachilleres deben estar en la capacidad de desarrollar al permitirle a los estudiantes comprender su entorno (local, regional, nacional o internacional) e influir en él, contar con herramientas básicas para continuar aprendiendo a lo largo de la vida, y practicar una convivencia adecuada en sus ámbitos social, profesional, familiar, etc.; en razón de lo anterior estas competencias construyen el **Perfil del Egresado** del Sistema Nacional de Bachillerato.

A continuación se enlistan las competencias genéricas:

- 1. Se conoce y valora a sí mismo y aborda problemas y retos teniendo en cuenta los objetivos que persigue.
- 2. Es sensible al arte y participa en la apreciación e interpretación de sus expresiones en distintos géneros.
- 3. Elige y practica estilos de vida saludables.
- 4. Escucha, interpreta y emite mensajes pertinentes en distintos contextos mediante la utilización de medios, códigos y herramientas apropiados.
- 5. Desarrolla innovaciones y propone soluciones a problemas a partir de métodos establecidos.
- 6. Sustenta una postura personal sobre temas de interés y relevancia general, considerando otros puntos de vista de manera crítica y reflexiva.
- 7. Aprende por iniciativa e interés propio a lo largo de la vida.
- 8. Participa y colabora de manera efectiva en equipos diversos.
- 9. Participa con una conciencia cívica y ética en la vida de su comunidad, región, México y el mundo.
- 10. Mantiene una actitud respetuosa hacia la interculturalidad y la diversidad de creencias, valores, ideas y prácticas sociales.
- 11. Contribuye al desarrollo sustentable de manera crítica, con acciones responsables.

COMPETENCIAS DISCIPLINARES BÁSICAS DEL CAMPO DE MATEMÁTICAS

COMPETENCIAS DISCIPLINARES				BLOQL	JES DE	MATE	MÁTIC	CAS I		
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1. Construye e interpreta modelos matemáticos mediante la aplicación de procedimientos aritméticos, algebraicos, geométricos y variacionales, para la comprensión y análisis de situaciones reales, hipotéticas o formales.	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х
2. Formula y resuelve problemas matemáticos, aplicando diferentes enfoques.			Χ	Χ	Χ	Χ	Χ	Χ	Х	Х
3. Explica e interpreta los resultados obtenidos mediante procedimientos matemáticos y los contrasta con modelos establecidos o situaciones reales.	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х
4. Argumenta la solución obtenida de un problema, con métodos numéricos, gráficos, analíticos o variacionales, mediante el lenguaje verbal, matemático y el uso de las tecnologías de la información y la comunicación.	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х
5. Analiza las relaciones entre dos o más variables de un proceso social o natural para determinar o estimar su comportamiento.	Х	Χ	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х
6. Cuantifica, representa y contrasta experimental o matemáticamente las magnitudes del espacio y las propiedades físicas de los objetos que lo rodean.	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х	Х
7. Elige un enfoque determinista o uno aleatorio para el estudio de un proceso o fenómeno, y argumenta su pertinencia.					Χ	X	Х	Х	X	Х
8. Interpreta tablas, gráficas, mapas, diagramas y textos con símbolos matemáticos y científicos.		χ	Χ	χ	Χ	Х	Х	X	Х	Х

BLOQUE I

RESUELVE PROBLEMAS ARITMÉTICOS Y ALGEBRAICOS

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

- Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números positivos y expresiones aritméticas y algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales, para la representación y resolución de situaciones y/o problemas aritméticos y algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.
- Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje aritmético y/o algebraico.

Durante el presente bloque se busca desarrollar los siguientes **atributos** de las competencias genéricas:

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDO	S PARA EL LOGRO DE LAS UNIDAD	Indicadores de desempeño para lograr las Unidades de	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE	
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Identifica formas distintas de representación de números positivos. Identifica números decimales en 	 Realiza operaciones aritméticas, siguiendo una jerarquía en el orden de ejecución. Escribe números decimales en forma 	 Aprecia la utilidad de los números positivos y las literales para modelar y/o solucionar problemas. Muestra disposición para utilizar el 	-Calcula porcentajes, descuentos, intereses en diversas situaciones	DESEMPEÑO: Opera diferentes representaciones de números reales positivos.
distintas formas (enteros,	de enteros, fracciones y porcentajes	cálculo numérico al resolver	-Emplea la calculadora como	DESEMPEÑO: Usa la calculadora como

SABERES REQUERIDO	OS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDAD	ARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA		SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	lograr las Unidades de competencia	COMPETENCIA
fracciones, porcentajes). Jerarquiza operaciones numéricas al ejecutarlas. Identifica y reconoce números reales y variables algebraicas. Identifica formas distintas de representación de números reales. Calcula el valor numérico de una expresión algebraica.	 Emplea expresiones numéricas para representar relaciones. Utiliza la calculadora como herramienta de exploración de resultados. Emplea expresiones algebraicas, usando literales, para representar relaciones entre las magnitudes. Establece significados y propiedades de las diferentes representaciones de los números y variables algebraicas. Construye hipótesis, diseña y aplica modelos aritméticos sencillos. Utiliza los sistemas y reglas o principios medulares que subyacen a una serie de fenómenos relacionados con los números y las variables. Describe expresiones verbales mediante formas algebraicas, y viceversa. 	problemas cotidianos. • Aporta puntos de vista personales con apertura y considera los de otras personas al reflexionar sus procesos de aprendizaje.	instrumento de exploración y verificación de resultados. -Representa relaciones numéricas y algebraicas entre los elementos de situaciones dadas. -Interpreta modelos aritméticos y algebraicos de situaciones diversas, con números positivos. -Soluciona problemas aritméticos y algebraicos relacionados con su vida cotidiana.	herramienta de apoyo en su trabajo. DESEMPEÑO: Utiliza expresiones numéricas y algebraicas para representar relaciones y regularidades entre magnitudes constantes y variables. CONOCIMIENTO: Asigna significados a las expresiones planteadas en función de las situaciones aritméticas o algebraicas que representan. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve problemas aritméticos y algebraicos de su entorno.

BLOQUE II

UTILIZA MAGNITUDES Y NÚMEROS REALES

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

- Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones aritméticas y algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas aritméticos y algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.
- Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje aritmético y/o algebraico.

Durante el presente bloque se busca desarrollar los siguientes **atributos** de las competencias genéricas:

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sigue instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño para lograr las Unidades de	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Identifica formas distintas de representación y operaciones con números reales. Identifica los elementos de los subconjuntos de números reales. 	 Realiza operaciones con números reales, utilizando las propiedades fundamentales. Construye hipótesis y diseña o aplica modelos aritméticos y/o 	 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva. Promueve el diálogo como mecanismo para la solución de 	-Combina cálculos de porcentajes, descuentos, intereses, capitales, ganancias, pérdidas, ingresos, amortizaciones, utilizando distintas representaciones, operaciones y	DESEMPEÑO: Opera diferentes representaciones de números reales.

INDICADORES DE DESEMPEÑO PARA SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA LOGRO DE LAS UNIDADES DE LOGRAR LAS UNIDADES DE COMPETENCIA CONOCIMIENTOS HABILIDADES **ACTITUDES Y VALORES** COMPETENCIA algebraicos con números reales. conflictos. propiedades de números reales. Ubica en la recta numérica: números • Valora la importancia de los reales v sus simétricos, su valor Emplea las propiedades absoluto y relaciones de orden. fundamentales de las operaciones números reales para expresar todo -Emplea la calculadora, la computadora, DESEMPEÑO: Usa las tecnologías de la tipo de magnitudes (variables, aritméticas en la resolución de medios impresos o electrónicos de • Reconoce las propiedades información y la comunicación como discretas fundamentales de las operaciones problemas tipo. constantes. información, como instrumento de herramienta de apoyo en su trabajo. continuas). búsqueda, exploración, y verificación aritméticas. Utiliza razones, tasas. • Aprecia la utilidad de los modelos de resultados de distintas operaciones • Identifica formas distintas de proporciones y variaciones. matemáticos para describir con números reales comparación y relación entre Aplica la propiedad fundamental situaciones donde las magnitudes números reales, tales como: razones, de las proporciones. mantienen relaciones de variación tasas, proporciones y variaciones. -Representa relaciones numéricas entre Utiliza modelos de variación DESEMPEÑO: Emplea expresiones proporcional, directa o inversa. magnitudes constantes, mediante • Comprende el significado de proporcional directa o inversa. numéricas para representar relaciones tasas, razones o proporciones, y razón, tasa y proporción. • Utiliza los sistemas y reglas o entre magnitudes constantes. obtiene soluciones empleando la principios medulares que Interpreta la propiedad propiedad fundamental. fundamental de las proporciones. subyacen a una serie de fenómenos que involucren a las • Reconoce variaciones directas e -Representa relaciones entre magnitudes razones, proporciones y tasas. inversas, así como, modelos de DESEMPEÑO / PRODUCTO: Utiliza espaciales variables, mediante modelos variación proporcional directa e algebraicas expresiones para de variación proporcional directa o inversa. relaciones representar entre inversa. magnitudes espaciales variables. -Interpreta modelos aritméticos y CONOCIMIENTO: Asigna significados a algebraicos de situaciones diversas. las expresiones en función de las expresadas con números reales o con situaciones aritméticas o algebraicas relaciones de proporcionalidad, asociadas que representan. con su vida cotidiana.

BLOQUE III

REALIZA SUMAS Y SUCESIONES DE NÚMEROS

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

- Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones aritméticas y algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas aritméticos y algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.
- Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje aritmético y/o algebraico.

Durante el presente bloque se busca desarrollar los siguientes **atributos** de las competencias genéricas:

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDO	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE	
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	lograr las Unidades de competencia	COMPETENCIA	
 Identifica e interpreta sucesiones y series aritméticas. Reconoce términos de sucesiones aritméticas. Ordena información de acuerdo con 	 Aplica las fórmulas correspondientes para hallar el modelo del n-ésimo término que caracteriza a una sucesión, aritmética o geométrica, particular. 	patrones. • Aporta puntos de vista con	-Utiliza la calculadora como instrumento de exploraci ó n de regularidades mediante la verificaci ó n de la existencia de diferencias o cocientes constantes en términos	CONOCIMIENTO: Identifica si los términos de una sucesión mantienen una diferencia o una razón constantes.	

INDICADORES DE DESEMPEÑO PARA SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA LOGRO DE LAS UNIDADES DE LOGRAR LAS UNIDADES DE COMPETENCIA CONOCIMIENTOS HABILIDADES **ACTITUDES Y VALORES** COMPETENCIA relaciones en series y sucesiones Escribe términos de sucesiones personas de manera reflexiva. sucesivos de sucesiones numéricas. aritméticas. aritméticas y geométricas • Promueve el diálogo como • Reconoce la forma algebraica del Aplica las fórmulas correspondientes mecanismo para la solución de - Emplea los procedimientos apropiados para obtener términos específicos o la término n-ésimo de sucesiones para hallar el valor de una serie conflictos. DESEMPEÑO: Aplica la fórmula del aritméticas particulares. aritmética y geométrica finita, o fórmula del n-ésimo término, de término general, para obtener la sucesiones y series aritméticas o • Identifica gráficamente el tipo de infinita convergente. expresión del n-ésimo término de una relación variacional en la fórmula Obtiene términos de sucesiones geométricas particulares, y justifica su sucesión aritmética o geométrica aritméticas o geométricas utilizando USO del n-ésimo término de sucesiones particular. la diferencia o razón común, o aritméticas particulares. aplicando las fórmulas. - Comprueba las fórmulas del n-ésimo • Identifica e interpreta sucesiones y Construye gráficas para establecer el término, obteniendo diversos términos series geométricas. DESEMPEÑO: Utiliza la fórmula de la comportamiento de sucesiones, de sucesiones aritméticas o • Reconoce términos de sucesiones sucesión particular para obtener aritméticas y geométricas, geométricas y verificando que son geométricas. elementos desconocidos de una particulares. constantes los cocientes o diferencias Ordena información de acuerdo con sucesión aritmética o geométrica. • Determina regularidades y patrones entre ellos. relaciones en series y sucesiones de las sucesiones y series aritméticas geométricas - Representa gráficamente sucesiones o geométricas. • Reconoce la forma algebraica del • Diseña y aplica modelos sencillos de aritméticas y geométricas, y asocia éstas término n-ésimo de sucesiones DFSFMPEÑO/PRODUCTO: Elabora series y sucesiones. con relaciones lineales y exponenciales geométricas particulares. gráficas de sucesiones aritméticas y • Organiza ideas y argumentos de discretas. • Identifica gráficamente el tipo de geométricas y describe con ellas el manera clara, coherente y sintética relación variacional en la fórmula comportamiento de cada tipo de con relación a series y sucesiones. del n-ésimo término de sucesiones relación. - Aplica las fórmulas para hallar la suma geométricas particulares. de sucesiones aritméticas o CONOCIMIENTO / DESEMPEÑO: Utiliza geométricas y describe verbalmente los las fórmulas de las sucesiones resultados obtenidos al solucionar aritméticas o geométricas para modelar problemas de su entorno. y solucionar situaciones diversas.

PROGRAMA EN VALIDACIÓN

BLOQUE IV

REALIZA TRANSFORMACIONES ALGEBRAICAS I

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

-Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

Durante el presente bloque se busca desarrollar los siguientes **atributos** de las competencias genéricas:

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDO	OS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDAD	Indicadores de desempeño para lograr las Unidades de	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE	
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Identifica las operaciones de suma, resta y multiplicación de polinomios en una variable. Identifica el producto de binomios, aplicando patrones de productos 	una variable. • Emplea productos notables para	resultados al multiplicar binomios, mediante patrones establecidos. • Reflexiona respecto a la ventaja de	polinomios (operaciones básicas), productos notables y factorizaciones básicas (factor común, diferencia de	

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA		Indicadores de desempeño para lograr las Unidades de	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE	
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	COMPETENCIA	COMPETENCIA
 notables. Comprende las técnicas de extracción de factor común simple y por agrupación. Comprende las técnicas de factorización basadas en productos notables de diferencia de cuadrados y de trinomios cuadrados perfectos. 	 de multiplicaciones de binomios. Formula expresiones en forma de producto, utilizando técnicas básicas de factorización. Utiliza los productos notables de diferencia de cuadrados, y de trinomios cuadrados perfectos. Establece relaciones entre procesos inversos al multiplicar y factorizar. 	 algebraicas para simplificar o interpretar resultados. Propone maneras creativas de solucionar un problema. Reconoce sus errores en los procedimientos algebraicos y busca solucionarlos. 	trinomios cuadrados perfectos), y sus combinaciones, para obtener la solución de problemas de su entorno, teóricos o prácticos. - Redacta problemas relativos a situaciones de su realidad, que en su planteamiento o solución requieren de la transformación de expresiones algebraicas mediante operaciones y factorizaciones básicas.	binomios conjugados; el producto de binomios con un término común; eleva un binomio al cuadrado. DESEMPEÑO: Factoriza expresiones cuyos términos poseen un factor común numérico, un factor con variables, o un factor binomio.
			- Enuncia de forma verbal o escrita los resultados obtenidos al solucionar problemas teóricos o prácticos utilizando operaciones y/o factorizaciones básicas.	DESEMPEÑO / PRODUCTO: Agrupa términos para obtener un factor común, o formar diferencia de cuadrados, o formar trinomios cuadrados perfectos.
			- Explica las transformaciones algebraicas (operaciones y factorizaciones básicas), utilizadas en la solución de un problema y justifica su uso.	DESEMPEÑO: Factoriza usando una o varias técnicas mediante agrupaci ó n de términos.
			- Comprueba las soluciones de un problema con el modelo basado en operaciones y/o factorizaciones básicas de polinomios.	DESEMPEÑO: Resuelve o formula problemas de su entorno u otros ámbitos; interpreta soluciones y argumenta éstas utilizando distintas formas de comunicación y representación matemática.

PROGRAMA EN VALIDACIÓN

BLOQUE V

REALIZA TRANSFORMACIONES ALGEBRAICAS II

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

- Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS	Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE		
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Reconoce trinomios que no son cuadrados perfectos, como producto de factores lineales. Trinomios de la forma x² + bx + c. Trinomios de la forma ax² + bx + c, con a≠ 0, 1. Polinomios que requieren combinar técnicas. 	 Expresa trinomios de la forma x² + bx +c como producto de factores lineales. Expresa trinomios de la forma ax² + bx +c, con a ≠ 0, 1, como producto de factores lineales. 	diversas transformaciones algebraicas para simplificar o interpretar resultados.	- Resuelve situaciones que incluyen magnitudes variables y utiliza las representaciones y transformaciones fundamentales del lenguaje algebraico en	dos binomios cuando:

SABERES REQUERIDOS	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			ABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA		SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA					
 Identifica expresiones racionales con factores comunes y no comunes, susceptibles de ser simplificadas. Reconoce expresiones racionales en forma simplificada a partir de factores comunes y la división de polinomios. 	 Utiliza una o varias técnicas de transformación para descomponer un polinomio en factores. Obtiene factores comunes, factorizando con las técnicas aprendidas y reduce éstos. Ejecuta divisiones entre polinomios. Escribe expresiones racionales en forma simplificada utilizando factores comunes y la división de polinomios Expresa ideas y conceptos mediante representaciones en lenguaje común, simbólico o gráfico. Utiliza las tecnologías para procesar e interpretar información. Construye hipótesis y diseña o aplica modelos. 	 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta, dentro de distintos equipos de trabajo. Actúa de manera propositiva al resolver los ejercicios planteados. 	trinomios y en expresiones racionales. - Simplifica procesos algebraicos mediante operaciones con polinomios y factorizaciones, y combina estos recursos para obtener la solución de un problema. - Redacta problemas relativos a situaciones que Implican el uso y/o transformación de expresiones algebraicas. - Describe y justifica el uso de los procedimientos empleados en la obtención de la solución de un problema, comprueba ésta y la describe verbalmente.	- I was a second of the second					

BLOQUE VI

REALIZA ECUACIONES LINEALES I

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

- Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.
- Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS F	Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE		
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Analiza y modela situaciones empleando ecuaciones lineales. Describe técnicas para resolver ecuaciones lineales en una variable. Identifica la relación entre funciones y 	ecuaciones lineales en una variable. • Formula y soluciona problemas, con técnicas algebraicas, en situaciones que se	conexión entre funciones y ecuaciones lineales, para		

INDICADORES DE DESEMPEÑO SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA LOGRO DE LAS UNIDADES DE PARA LOGRAR LAS UNIDADES COMPETENCIA CONOCIMIENTOS HABILIDADES **ACTITUDES Y VALORES** DE COMPETENCIA ecuaciones lineales y gráficas de funciones lineales. utilizando funciones lineales • Utiliza los parámetros m y b para determinar Aprecia las representaciones el comportamiento de la gráfica de una gráficas de funciones como tabulación, intersecciones con los Reconoce la ecuación en dos variables ejes y la pendiente y ordenada al y = mx + b como la forma de la función instrumento de análisis visual de - Describe el comportamiento de función lineal. origen (intersección-y). las variables y los resultados lineal, y las ecuaciones en una variable a • Aplica diversas técnicas para graficar la su comportamiento. obtenidos, al solucionar = mx + b, como casos particulares de la función lineal. Aprecia la utilidad de las técnicas algebraicas de resolución de problemas de ecuaciones y/o DESEMPEÑO: Realiza y combina anterior. Transita de ecuaciones a funciones lineales, y funciones lineales. transformaciones en igualdades para ecuaciones, para simplificar • Identifica los parámetros *m* y *b* para viceversa, al modelar y solucionar diversas resolver ecuaciones lineales que determinar el comportamiento de la gráfica de procesos y obtener soluciones situaciones. precisas. Emplea propiedades de las poseen coeficientes enteros o una función lineal. • Explica cómo será la gráfica de la función igualdades al resolver ecuaciones fraccionarios. Asume una actitud de apertura • Reconoce diversas técnicas para graficar la lineal, a partir de los parámetros my b. que favorece la solución de lineales. función lineal. PRODUCTO: DESEMPEÑO problemas. Determina el comportamiento de la - Elabora gráficas de funciones Propone maneras creativas de gráfica de la función lineal de solucionar un problema. lineales mediante intersecciones acuerdo al signo de la pendiente. con los ejes y/o la pendiente, al resolver situaciones. DESEMPEÑO/ PRODUCTO: Elabora e interpreta gráficas, tablas o Redacta y resuelve problemas mapas con distintas escalas, relativos a situaciones que realizando las correspondientes requieren del uso de ecuaciones conversiones de unidades, al resolver y/o de funciones lineales. situaciones diversas. - Comprueba las soluciones de un DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve problema en el modelo lineal o formula problemas, de su entorno para obtener su solución y u otros ámbitos, que pueden explica por qué algún(os) representarse mediante una resultado(s) del modelo lineal ecuación lineal en una variable, son inadmisibles en el contexto principalmente relativos a mezclas, del problema.

movimiento rectilíneo uniforme,

SABERES REQUERIDOS F	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	para lograr las Unidades de competencia	LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA

BLOQUE VII

RESUELVE ECUACIONES LINEALES II

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

-Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			INDICADORES DE DESEMPEÑO PARA LOGRAR LAS UNIDADES	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Reconoce la solución de un sistema de dos ecuaciones con dos incógnitas (2 x 2) mediante las graficas de funciones lineales. Identifica gráficamente si un sistema 2 x 2 posee una, ninguna o infinitas soluciones. 	incógnitas, utilizando métodos numéricos, analíticos y gráficos.	sistemas de ecuaciones 2 x 2.	las magnitudes constantes o variables se relacionan, mediante sistemas de dos	DESEMPEÑO: Reconoce o describe, mediante lenguaje oral o escrito, situaciones que pueden modelarse mediante sistemas de ecuaciones lineales 2 x 2.

SABERES REQUERIDOS	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	PARA LOGRAR LAS UNIDADES DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Reconoce la solución de un sistema de dos ecuaciones con dos incógnitas (2 x 2) mediante: Métodos numéricos y analíticos. Métodos de reducción algebraica (suma y resta, sustitución e igualación). Método numérico por determinantes. Ubica e interpreta situaciones diversas utilizando sistemas 2 x 2. 	 Resuelve sistemas de ecuaciones 2 x 2 empleando métodos de reducción algebraica y numérica. Construye ideas y argumentos relativos a la solución y aplicación de sistemas de ecuaciones. 	sistemas 2 x 2 en la modelación y solución de diversas situaciones. • Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta, al realizar actividades asignadas.	incógnitas. Representa en los ejes vertical y horizontal, respectivamente, las variables dependiente e independiente de las funciones lineales asociadas a los sistemas de ecuaciones 2 x 2, y calcula una a partir de la otra para tabular valores y graficar. Resuelve problemas de ecuaciones lineales que plantea en lenguaje algebraico, utilizando métodos de reducción, o determinantes, o gráficas de funciones asociadas, de sistemas de ecuaciones lineales 2 x 2. Identifica las soluciones de los sistemas de ecuaciones lineales 2 x 2, comprueba éstas empleando modelos algebraicos o gráficos y explica por qué algún(os) resultado(s) son inadmisibles en el contexto del problema. Extrae información de registros algebraicos, o de gráficas,	PRODUCTO: Expresa mediante sistemas de ecuaciones lineales 2 x 2, situaciones que anteriormente fueron modeladas con sistemas lineales 1 x 1. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Traza en un plano cartesiano gráficas de funciones lineales. CONOCIMIENTO: Asocia los puntos de intersección con las soluciones de un sistema 2 x 2. CONOCIMIENTO / PRODUCTO: Reconoce gráficamente cuándo un sistema 2 x 2 tiene una, ninguna o infinitas soluciones. CONOCIMIENTO: Identifica las ecuaciones de sistemas 2 x 2 que poseen infinitas soluciones, o ninguna. DESEMPEÑO: Resuelve algebraicamente, o por medio de determinantes, sistemas de

SABERES REQUERIDOS F	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	PARA LOGRAR LAS UNIDADES DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
			tablas, mapas, etc., y utiliza la escala o equivalencia de unidades para realizar conversiones a medidas reales y viceversa.	ecuaciones 2 x 2, seleccionando, entre los diversos métodos de reducción algebraica y el numérico, el más apropiado. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve o formula problemas de su entorno, u otros ámbitos, que pueden representarse y solucionarse mediante un sistema de ecuaciones 2 x 2 y argumenta sus soluciones. DESEMPEÑO/ PRODUCTO: Elabora o interpreta gráficas, tablas o mapas con distintas escalas, realizando las correspondientes conversiones de unidades, al resolver situaciones diversas que conllevan el uso de sistemas de ecuaciones lineales 2 x 2.

BLOQUE VIII

RESUELVE ECUACIONES LINEALES III

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

-Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Comprende los métodos para resolver sistemas de tres ecuaciones con tres incógnitas (3 x 3). -Método numérico por determinantes. -Método algebraico de sustitución. Ubica e interpreta situaciones diversas 	ecuaciones lineales 3 x 3. • Aplica el método numérico por determinantes para resolver sistemas 3 x 3.	sistemas 3 x 3. Valora la utilidad de los sistemas	las magnitudes constantes o variables se relacionan mediante sistemas de tres ecuaciones	DESEMPEÑO: Reconoce o describe, mediante lenguaje oral o escrito, situaciones que pueden modelarse mediante sistemas de ecuaciones lineales

	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			
utilizando sistemas 3 x 3.	 HABILIDADES un sistema 3 x 3. Representa y soluciona situaciones diversas utilizando sistemas 3 x 3. Expresa ideas y conceptos de sistemas de ecuaciones con tres incógnitas empleando representaciones en lenguaje común, simbólico o gráfico. Ejecuta instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de la solución de una ecuación de 3 x 3. 	solucionar diversas situaciones. Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta, en las actividades que le son asignadas. Asume una actitud propositiva que favorece la solución de problemas en distintos ámbitos. Promueve el diálogo como mecanismo para la solución de conflictos.	- Representa en los ejes vertical y horizontal, respectivamente, las variables dependiente e independiente de las funciones lineales asociadas a los sistemas de ecuaciones 3 x 3 y calcula una a partir de la otra para tabular valores y graficar. - Resuelve problemas de ecuaciones de 3 x 3 que plantea en lenguaje algebraico, utilizando el método de sustitución, o determinantes, o gráficas. - Identifica las soluciones de los sistemas de ecuaciones lineales 3 x 3, comprueba éstas en los modelos algebraicos, o las visualiza en modelos gráficos y explica por qué algún(os) resultado(s) son inadmisibles en el contexto del problema. - Realiza conversiones a medidas reales y viceversa, extrayendo información de registros algebraicos, o de gráficas,	COMPETENCIA 3 x 3. CONOCIMIENTO: Asocia los puntos de intersección con las soluciones de un sistema 3 x 3. CONOCIMIENTO / PRODUCTO: Reconoce gráficamente cuándo un sistema 3 x 3 tiene una, ninguna o infinitas soluciones. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve por medio de determinantes, sistemas de ecuaciones 3 x 3. DESEMPEÑO: Resuelve por sustitución algunos sistemas 3 x 3. CONOCIMIENTO: Reconoce en una gráfica la solución de un sistema de ecuaciones 3 x 3. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve o formula problemas de su entorno, u otros ámbitos, que pueden representarse y solucionarse mediante un sistema de ecuaciones 3 x 3.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
			tablas, mapas, etc., y utilizando la escala o equivalencia de unidades.	DESEMPEÑO/ PRODUCTO: Efectúa las correspondientes conversiones de unidades, en situaciones modeladas con sistemas lineales 3 x 3 donde se presentan distintas unidades de medición.

BLOQUE IX

RESUELVE ECUACIONES CUADRÁTICAS I

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

-Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
CONOCIMIENTOS	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Comprende los métodos para resolver ecuaciones cuadráticas incompletas: -Extracción de factor común -Despeje de la variable cuadrática Identifica ecuaciones incompletas de segundo 	 Obtiene la solución de ecuaciones cuadráticas. Aplica técnicas algebraicas de despeje o extracción de un factor común Resuelve ecuaciones incompletas de segundo grado en una variable. 	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •	magnitudes constantes o variables se relacionan mediante una función o una ecuación	transformaciones algebraicas para despejar la variable en una ecuación

SABERES REQUERIDOS CONOCIMIENTOS	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA CONOCIMIENTOS HABILIDADES ACTITUDES Y VALORES			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA
grado en una variable. Ubica e interpreta situaciones con ecuaciones cuadráticas incompletas. Comprende los métodos para resolver ecuaciones cuadráticas completas. Describe el procedimiento de completar y factorizar trinomios cuadrados perfectos para resolver ecuaciones completas de segundo grado en una variable. Identifica raíces reales y complejas y escribe ecuaciones a partir de éstas. Ubica e interpreta situaciones con ecuaciones cuadráticas completas.	 Utiliza la técnica de completar y factorizar trinomios cuadrados perfectos para resolver ecuaciones completas de segundo grado en una variable. Representa y soluciona situaciones con ecuaciones cuadráticas. 	un método algebraico para resolver todo tipo de ecuación cuadrática en una variable. • Valora la aplicabilidad de las ecuaciones cuadráticas para representar y resolver diversas situaciones.	- Resuelve problemas que plantea con ecuaciones cuadráticas completas o incompletas, utilizando despejes y/o factorizaciones. - Identifica y comprueba las soluciones reales o complejas de las ecuaciones cuadráticas, y reconstruye éstas, o escribe nuevas ecuaciones cuadráticas equivalentes, a partir de aquellasIdentifica la forma a + bi de los números complejos y la forma a —b1 de sus conjugados. - Explica por qué algún(os) resultado(s) de ecuaciones cuadráticas son inadmisibles en el contexto del problema. - Extrae información de registros algebraicos, o gráficos y utiliza la escala o equivalencia de unidades para realizar conversiones a medidas reales y viceversa.	DESEMPEÑO / PRODUCTO: Extrae factor común para factorizar una ecuación cuadrática mixta. CONOCIMIENTO / DESEMPEÑO: Aplica la propiedad del producto cero para hallar las raíces de una ecuación cuadrática mixta. DESEMPEÑO: Resuelve ecuaciones cuadráticas completas mediante la técnica de completar y factorizar trinomios cuadrados perfectos. CONOCIMIENTO / DESEMPEÑO: Reconoce que una ecuación cuadrática puede tener raíces reales, o raíces complejas, en pares conjugados, y escribe las ecuaciones cuadráticas a partir de sus raíces. DESEMPEÑO: Resuelve o formula problemas de su entorno, u otros ámbitos, que pueden representarse y solucionarse mediante una ecuación o una función cuadrática.

PROGRAMA EN VALIDACIÓN

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño Para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
				DESEMPEÑO/ PRODUCTO: Efectúa las correspondientes conversiones de unidades, en situaciones modeladas con ecuaciones cuadráticas donde se presentan distintas unidades de medición.

BLOQUE X

RESUELVE ECUACIONES CUADRÁTICAS II

TIEMPO ASIGNADO: 8 horas

UNIDADES DE COMPETENCIA

-Construye e interpreta modelos aritméticos, algebraicos y gráficos aplicando las propiedades de los números reales y expresiones algebraicas, relacionando magnitudes constantes y variables, y empleando las literales para la representación y resolución de situaciones y/o problemas algebraicos, concernientes a su vida cotidiana y escolar, que le ayudan a explicar y describir su realidad.

-Identifica las características presentes en tablas, gráficas, mapas, diagramas o textos, provenientes de situaciones cotidianas y los traduce a un lenguaje algebraico.

- 4.1 Expresa ideas y conceptos mediante representaciones lingüísticas, matemáticas o gráficas.
- 5.1 Sique instrucciones y procedimientos de manera reflexiva, comprendiendo cómo cada uno de sus pasos contribuye al alcance de un objetivo.
- 5.4 Construye hipótesis y diseña y aplica modelos para probar su validez.
- 5.6 Utiliza las tecnologías de la información y comunicación para procesar e interpretar información.
- 6.1 Elige las fuentes de información más relevantes para un propósito específico y discrimina entre ellas de acuerdo a su relevancia y confiabilidad.
- 7.1 Define metas y da seguimiento a sus procesos de construcción de conocimientos.
- 8.1 Propone manera de solucionar un problema y desarrolla un proyecto en equipo, definiendo un curso de acción con pasos específicos.
- 8.2 Aporta puntos de vista con apertura y considera los de otras personas de manera reflexiva.
- 8.3 Asume una actitud constructiva, congruente con los conocimientos y habilidades con los que cuenta dentro de distintos equipos de trabajo.

SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			Indicadores de desempeño para lograr las Unidades	SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
 Identifica la relación entre funciones y ecuaciones cuadráticas. Reconoce la ecuación en dos variables y = ax² + bx + c, como la forma de la función cuadrática, y las ecuaciones en una variable d 	numéricos y gráficos. • Representa y resuelve situaciones mediante ecuaciones y funciones cuadráticas.	conexión entre funciones y ecuaciones cuadráticas, para	magnitudes constantes o	

INDICADORES DE DESEMPEÑO SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA LOGRO DE LAS UNIDADES DE PARA LOGRAR LAS UNIDADES COMPETENCIA CONOCIMIENTOS HABILIDADES **ACTITUDES Y VALORES** DE COMPETENCIA cuadráticas, y viceversa, al representar y • Aprecia las representaciones $= ax^2 + bx + c$, como casos particulares de la cada valor de x obtiene un único anterior. solucionar diversas situaciones. Representa en los eies vertical valor para y. gráficas de funciones cuadráticas • Describe la función cuadrática en la forma Ejecuta instrucciones y procedimientos como instrumento de análisis y horizontal las variables DESEMPEÑO / PRODUCTO: Obtiene estándar $y = a(x - h)^2 + k$ para trazar su propios de las ecuaciones cuadráticas de visual de su comportamiento. dependientes e independientes gráfica. manera reflexiva, comprendiendo cómo cada • Aprecia la utilidad de la fórmula de la función cuadrática el valor de los parámetros a, b y c, uno de sus pasos contribuye al alcance de un cuadrática y su discriminante, asociada a una ecuación de una ecuación cuadrática. • Comprende el efecto del parámetro a en el ancho y resolver concavidad de la parábola, y asocia las obietivo. cuadrática en una variable, y ecuaciones cuadráticas completas con todo calcula una a partir de la otra intersecciones-x de ésta con las raíces de • Describe el proceso para hallar las soluciones de una ecuación cuadrática mediante la tipo de coeficientes y conocer la para tabular valores y gráficas. $ax^{2} + bx + c = 0$. DESEMPEÑO: Traza las gráficas de fórmula general. naturaleza de las raíces. • Interpreta la fórmula cuadrática. funciones cuadráticas tabulando Indica la naturaleza de las valores y las identifica como Interpreta la naturaleza real o compleja de las raíces de una ecuación raíces, a partir del discriminante cuadrático. parábolas verticales. cuadrática a partir del discriminante de la fórmula DESEMPEÑO: Tabula puntos cercanos general. al vértice, para obtener éste mediante tanteos y aproximaciones y Resuelve problemas que se lo identifica como el punto más alto plantean con ecuaciones o o más bajo de una parábola. cuadráticas, funciones utilizando despejes y/o DESEMPEÑO/PRODUCTO: Escribe la factorización, o la fórmula forma estándar de la función cuadrática o construyendo cuadrática para ubicar el vértice (h. gráficas y visualizando posibles k) de la parábola y trazar ésta intersecciones con el eje x, calculando valores de x alrededor de ancho, concavidad y vértice de parábola vertical respectivamente. DESEMPEÑO: Anticipa la concavidad de la parábola mediante el signo del Explica por qué algunos parámetro a y compara el ancho de

resultados de ecuaciones o

SABERES REQUERIDOS F	SABERES REQUERIDOS PARA EL LOGRO DE LAS UNIDADES DE COMPETENCIA			SUGERENCIA DE EVIDENCIAS DE LOGRO DE LAS UNIDADES DE
Conocimientos	Habilidades	ACTITUDES Y VALORES	PARA LOGRAR LAS UNIDADES DE COMPETENCIA	COMPETENCIA
			valores de funciones cuadráticas, son inadmisibles en el contexto del problema. - Extrae información de registros algebraicos o gráficos y utiliza la escala o equivalencia de unidades para realizar conversiones de medidas reales y viceversa.	distintas parábolas, mediante el valor absoluto del parámetro a. CONOCIMIENTO: Identifica gráficamente cuándo la ecuación cuadrática $ax^2 + bx + c = 0$ posee una, dos, o ninguna solución real. DESEMPEÑO: Calcula el valor del determinante $b^2 - 4ac$, para anticipar la naturaleza de las raíces de una ecuación cuadrática. DESEMPEÑO / PRODUCTO: Resuelve o formula problemas de su entorno, u otros ámbitos, que pueden representarse y solucionarse mediante una ecuación o una función cuadrática. DESEMPEÑO/ PRODUCTO: Elabora o interpreta gráficas y tablas utilizando distintas escalas y realizando las correspondientes conversiones de unidades, en situaciones diversas que conllevan el uso de funciones y ecuaciones cuadráticas.

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE PLAN DE CLASE

MATEMÁTICAS I

El Sistema Nacional de Bachillerato ha establecido diversos niveles de concreción curricular para el logro de una educación de calidad, el segundo nivel de concreción, denominado *institucional*, define el plan y los programas de estudio con los cuales se define la oferta educativa del bachillerato general. Tanto el plan como los programas de estudio son los elementos fundamentales de un currículum y tienen una función normativa; al establecer las competencias y desempeños que se pretenden desarrollar en todos los egresados, en respuesta a lo establecido por el Marco Curricular Común.

Es en el tercer y cuarto nivel de concreción curricular, denominados *escuela* y *aula* respectivamente, donde el enfoque educativo por competencias dejará de ser una intención educativa, para convertirse en una realidad en función del tiempo y las condiciones reales del semestre en curso y del plantel. En ambos niveles, escuela y aula, el trabajo de academia y la planeación docente, están encaminados a proponer una distribución adecuada de actividades y recursos para el logro de las finalidades establecidas en los programas de estudio. Toda planeación didáctica implica:

- a) Analizar los programas de estudio, al conocer las unidades de competencia establecidas, posibles estrategias didácticas, recursos y materiales educativos, y criterios de evaluación propuestos en los documentos normativos.
- b) Relacionar la asignatura a impartir con el campo de conocimiento al cual pertenece, así como con las asignaturas que se cursan de manera paralela en el semestre y el plan de estudios en su totalidad.
- c) Tomar en cuenta los tiempos reales de los que dispone en clase para explicaciones individuales o en equipo, desarrollo de ejercicios o prácticas de clase, lecturas, días festivos, calendarios de evaluaciones o trámites administrativos, entre otros.
- d) Definir una distribución real de las actividades a desarrollar según las unidades de competencia y elementos curriculares establecidos en los programas de estudio, recordando que una planeación didáctica también debe mantener cierta flexibilidad ante posibles imprevistos.

Tomando en cuenta lo anterior, podemos concluir que un plan de clase, es un resumen gráfico (o guía) de lo que se enseñará y aprenderá en cada clase, que debe contener los siguientes componentes:

- Propósito, aspiraciones, objetivos y/o resultados de aprendizaje,
- Conocimientos de la asignatura, los cuales involucran conocimientos declarativos, habilidades y actitudes con la finalidad de desarrollar una competencia;
- Métodos o estrategias de enseñanza a desarrollar por el docente, y de aprendizaje que promoverá éste a partir de las actividades realizadas por los estudiantes,
- Distribución de tiempo para una clase, se recomienda que toda sesión de trabajo tenga al menos tres momentos principales: introducción o apertura de clase, desarrollo y cierre o conclusiones; y
- Evaluación del aprendizaje del estudiante y de la enseñanza.

De los elementos anteriores, el referido al método tiene una importancia particular, por ser dónde se determinan las actividades de motivación para el nuevo contenido, exploración de contenidos previos, confrontación de ideas (previas con nuevas), construcción conceptual, socialización y evaluación; con ello se busca una situación didáctica o escenario de aprendizaje que le sea más significativo al educando por considerarlo de su interés. Con el propósito de facilitar la toma de decisiones con relación al diseño de plan de clase, independientemente de que el formato sea elaborado por cada institución educativa conforme a sus necesidades y características

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE PLAN DE CLASE

MATEMÁTICAS I

particulares, se recomienda considerar:

- Que las competencias genéricas son transversales a cualquier asignatura o contenido disciplinar, por lo tanto es conveniente analizar el impacto y la relación que cada una de las 11 competencias junto con sus atributos, pueden promoverse en esta asignatura. Entre estas competencias destacan las relativas a la comunicación a través de los diferentes medios, códigos y herramientas con los que tiene contacto el estudiante, el aprendizaje autónomo y el trabajo en equipo; las cuales podrán ser desarrolladas gracias al trabajo diario en el aula.
- El análisis de las competencias disciplinares que serán abordadas en cada asignatura como parte de un campo de conocimiento, de tal forma que previo al diseño del plan de clase se recomienda tener una definición clara del alcance, pertinencia y relevancia de las unidades de competencia, de los conocimientos, habilidades, actitudes y valores que se desarrollan.
- La selección de situaciones didácticas, diseño de actividades de aprendizaje, escenarios pertinentes y selección de materiales diversos, deben considerar los intereses y necesidades de los estudiantes.
- Los conocimientos, las habilidades, los valores y actitudes planteados en los programas de estudio, podrán ser ordenados conforme a las características del grupo y experiencia del docente, lo importe es garantizar que la planeación didáctica, lleve al estudiante al desarrollo de la(s) unidades de competencia señaladas.
- Los indicadores de desempeño, buscan guiar la planeación didáctica al definir los pasos mínimos que un estudiante debiera cubrir para el logro de las unidades de competencia; a partir de su análisis será posible el diseño de una secuencia didáctica acorde a la realidad del plantel y del grupo.
- Finalmente, las evidencias de aprendizaje sugeridas, tienen el propósito de mostrar al docente diversas alternativas de evaluación, recordando que a lo largo del proceso de enseñanza y aprendizaje el estudiante va generando evidencias de desempeño, producto y conocimiento.

Dentro del enfoque por competencias cobra importancia buscar y mantener un ambiente de trabajo basado en el respeto por la opinión del otro, lo cual fomenta la tolerancia, la apertura a la discusión y capacidad de negociación; así como promover el trabajo en equipo o grupo. En ambos casos estos valores y actitudes se conciben parte del ambiente de aula que docentes y estudiantes promueven y mantienen en el día a día como parte de una relación estrecha.

Para el diseño de las estrategias didácticas en la asignatura de Matemáticas I se sugiere que, más allá de la simple obtención de resultados numéricos y de la excesiva ejercitación de técnicas rutinarias descontextualizadas, el profesor construya o seleccione actividades para propiciar el desarrollo de competencias en el estudiante, donde el énfasis esté puesto en los procesos de construcción y aplicación del conocimiento matemático, la elección de procedimientos en la resolución de problemas y en el dominio, como herramienta, de los algoritmos que los sintetizan. Estas actividades deben incorporar distintos tipos de registros e interpretación de información matemática, así como códigos de representación y comunicación de sus ideas; deben también, en lo posible, permitir interrelacionar contenidos de diferentes ramas de la matemática y de otros campos del conocimiento, de modo que posibiliten ampliar la visión del mundo que posee el estudiante y contribuyan a la comprensión y solución de problemas de su entorno.

Respecto al uso de materiales y recursos didácticos, se recomienda:

- Incorporar los recursos tecnológicos disponibles en cada localidad e institución, de tal forma que el estudiante mantenga una relación constante con estos recursos.

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE PLAN DE CLASE

MATEMÁTICAS I

- Promover el uso de materiales diversos y de ser posible, la realización de gráficas de distinto tipo en papel blanco, cuadriculado o milimétrico, y el uso de mapas o representaciones con iguales o distintas escalas en ambos ejes; modelos geométricos, visuales o dimensionales, para representar o interpretar procesos algebraicos; documentos, tablas o gráficas con información oficial de organismos gubernamentales (INEGI, SHCP, SECTUR, etc.) o internacionales (ONU, OCDE, FMI, etc.) o privados (Cámaras, Asociaciones gremiales, Colegios, etc.) y otras fuentes confiables de información, para la investigación y planteamiento de diversos problemas de carácter local, regional, nacional o del mundo.
- Incluir, en la medida de lo posible, problemas o situaciones contextualizadas que recuperen temas de interés para el educando.

En el caso particular del campo de conocimiento de las matemáticas es conveniente resaltar que además de las competencias disciplinares básicas del campo, debemos promover las habilidades matemáticas básicas que les serán evaluadas a los estudiantes al término de su bachillerato, en el entendido que el desarrollo de una habilidad es el resultado del trabajo diario. Por ello se recomienda que promover en clase las siguientes acciones:

- Identificar información en esquemas o gráficas y realizar estimaciones.
- Efectuar sumas y restas con números enteros y traducir del lenguaje común al lenguaje algebraico.
- Realizar multiplicaciones y divisiones con números enteros y sumas combinadas con números fraccionarios.
- Calcular porcentajes, utilizar fracciones equivalentes, ordenar y comparar información numérica.
- Establecer relaciones entre variables y resolver problemas que combinen datos en tablas y gráficas.
- Construir expresiones equivalentes a una ecuación algebraica y resolver ejercicios con sistema de ecuaciones lineales.
- Resolver problemas que involucran más de un procedimiento.
- Calcular raíz cuadrada, razones y proporciones y resolver problemas con números mixtos.
- Analizar las relaciones entre dos o más variables de un proceso social o natural y resolver los sistemas de ecuaciones que las representan.

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE ESTRATEGIAS DE EVALUACIÓN

MATEMÁTICAS I

La evaluación del aprendizaje es inherente al proceso educativo, por lo que su diseño debe verse como un componente aparte; ya que a través de aquella se emite un juicio de valor respecto a los aprendizajes desarrollados por el estudiante, con base en los parámetros establecidos en los programas de estudio. Si bien, la evaluación forma parte del diseño del plan de clase o planeación didáctica, se le ha destinado el siguiente apartado por la importancia que reviste al intervenir en su diseño factores institucionales, metodológicos e incluso personales.⁸

Bajo el enfoque por competencias, la evaluación del aprendizaje busca valorar (cualitativamente) el nivel de desarrollo de las competencias establecidas, las cuales integran un conjunto de saberes (conocimientos, habilidades y actitudes) en un contexto determinado; organizados en unidades de competencias e indicadores de desempeño. A través la evaluación del aprendizaje, bajo este enfoque, se pretende que los estudiantes tomen conciencia de sus logros y dificultades en el proceso de aprendizaje, de tal manera que puedan corregirlos y superarlos; y que los docentes cuenten con información objetiva que le permita valorar la efectividad de las secuencias didácticas, recursos y/o materiales seleccionados, para estar en la posibilidad de retroalimentar constructivamente a los estudiantes y padres de familia respecto al nivel de desarrollo de las competencias alcanzado.

Dentro de la estructura del programa de estudio se sugieren diversas evidencias de aprendizaje, para las cuales cada docente puede seleccionar los instrumentos o medios más apropiados para evaluarlas conforme a las condiciones reales del grupo e institución educativa. Tal como se mencionó en el apartado de planeación didáctica, se considera importante recalcar que la selección de cualquier medio, instrumento o estrategia de evaluación se realice a partir del tiempo requerido para su construcción, ejecución y revisión, como resultado de los acuerdos de academia y el calendario escolar en curso.

Para el logro de las finalidades anteriores, se requiere llevar a cabo una evaluación: diagnóstica, formativa y sumativa, a lo largo del proceso de aprendizaje, mismas que tienen propósitos, finalidades y tiempos específicos como se señala a continuación:

٦	Γipo de evaluación	Evaluación diagnóstica	Evaluación formativa	Evaluación sumativa
Ωś		Los aprendizajes previos referidos a conocimientos, habilidades, actitudes, valores y expectativas de los estudiantes.	' '	El nivel de desarrollo de las competencias o aprendizajes.

.

⁸ Se recomienda revisar los Lineamientos para la evaluación del aprendizaje, propuestos por la Dirección General de Bachillerato.

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE ESTRATEGIAS DE EVALUACIÓN

	MATEMÁTICAS I				
	¿Para qué evaluar?	DOCENTE, para elaborar o ajustar la planeación didáctica. ESTUDIANTE, identificar posibles obstáculos y dificultades.	DOCENTE, retroalimentar y modificar la planeación didáctica. ESTUDIANTE, identificar aciertos y errores en su proceso de aprendizaje.	DOCENTE, determinar la asignación de la calificación y acreditación. ESTUDIANTE, reflexionar respecto a sus logros y retos.	
	Criterios a considerar	Los conocimientos, habilidades y actitudes previos o básicos.	Los indicadores de desempeño establecidos para el cumplimiento de las unidades de competencia.	El nivel de desarrollo de las unidades de competencia establecidas en los programas de estudio.	
	¿Cuándo evaluar?	Antes de iniciar una nueva etapa, unidad de aprendizaje o curso.	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	Al concluir una o varias unidades de competencia o curso; su extensión y complejidad, dependerá de las unidades de competencia planteadas en el programa de estudios.	

Aunado a estas modalidades de evaluación, cuando hablamos de desarrollar competencias, necesariamente tenemos que evaluar desempeños en contextos reales, lo cual también se conoce como evaluación auténtica. Para Archbal y Newman⁹, este tipo de evaluación, lleva a los estudiantes a realizar tareas más auténticas o similares a las que ejecutan los expertos, que propicia que los estudiantes interactúen con las partes de una tarea y las reúnan en un todo, además de propiciar habilidades y conocimientos que pueden ser utilizados en diversos contextos.

"Una evaluación auténtica centrada en el desempeño busca evaluar lo que se hace, así como identificar el vínculo de coherencia entre lo conceptual y lo procedural, entender cómo ocurre el desempeño en un contexto y situación determinados, o seguir el proceso de adquisición y perfeccionamiento de determinados saberes o formas de actuación¹⁰".

Toda vez que a lo largo del semestre se promueve en el estudiante llevar a cabo de actividades de aprendizaje auténticas (o contextualizadas) es necesario que las estrategias de evaluación centren su atención en la aplicación de determinadas habilidades en escenarios reales, de tal forma que el docente pueda reconocer los logros alcanzados por el estudiante, como mediador de su propio proceso de aprendizaje.

Ejemplos de actividades de aprendizaje auténticas pueden ser: la presentación de proyectos en una feria de ciencias, un conjunto de presentaciones orales acompañadas del uso de las Tecnologías de la Información y la Comunicación (TIC's) sobre algún tema específico, la exposición de argumentos en un debate, la solución de problemas matemáticos, la presentación de escritos como ensayos de opinión o reportes de investigación, realizar traducciones, entre otras. En tanto las estrategias para evaluar de forma auténtica, dichas actividades, pueden ser la conformación de un portafolio de evidencias de aprendizaje donde los estudiantes seleccionan aquellos productos de aprendizaje que le permitan identificar el nivel de desarrollo de las competencias, ya sea en soporte papel o electrónico, así como la aplicación de rúbricas y entrevistas, entre otros.

.

⁹ Archbald and Newman (1988) Beyond standarized testing. Reston, VA: NASSP. En: Calfe, R & Hiebert, E. Classroom assessment of Reading. Handbook of Reading Research II (1991). Barr, R; Kamil, M; Mosenthal, P. & Pearson, P (eds). New York.

¹⁰ Díaz Barriga, F y Hernández, G. (2002). En Díaz Barriga, F. (2006). Enseñanza situada: vínculo entre la escuela y la vida. Mc Graw Hill: México

CONSIDERACIONES GENERALES PARA EL DISEÑO DE ESTRATEGIAS DE EVALUACIÓN

MATEMÁTICAS I

Finalmente, se recomienda incluir la participación activa de los estudiantes en la evaluación, y llevar a cabo acciones de autoevaluación, co evaluación y heteroevaluación. A continuación se muestran sus características principales y ventajas.

Autoevaluación Es entendida como la evaluación que el estudiante hace de su propio aprendizaje, así como de los factores que intervinieron en su proceso. La autoevaluación lleva a los estudiantes a

reflexionar respecto a su trabajo, identificar qué hace bien y en qué áreas necesita ayuda.

Se recomienda preparar al estudiante para este tipo de evaluación y acompañarla de una retroalimentación permanente que oriente sus futuros desempeños en el proceso de aprendizaje.

Se sugiere este tipo de evaluación para la evaluación diagnóstica y formativa.

Co evaluación Este tipo de evaluación consiste en valorar el aprendizaje y desempeño de los estudiantes se realiza entre pares (estudiante – estudiante), con la finalidad de ayudarse mutuamente.

Es conveniente crear un clima de respeto y confianza entre los estudiantes, previa evaluación, de tal manera que exista un ambiente de sinceridad y apertura ante diferentes enfoques.

Se recomienda esta evaluación para la evaluación diagnóstica y formativa.

Heteroevaluación Esta evaluación es realizada directamente por el docente a los estudiantes a través de diversos instrumentos, dependiendo de los propósitos y tipo de evaluación (diagnóstica, formativa o

sumativa).

PROGRAMA EN VALIDACIÓN

En la actualización de este programa de estudio participaron:

Coordinación: Dirección Académica de la Dirección General del Bachillerato. Departamento de Desarrollo Académico Elaboradores disciplinarios: Joaquín Ruiz Basto (Profesor de la UNAM)

Eduardo Basurto Hidalgo (CEB 4/1 México)

Revisión disciplinaria de la propuesta en las reuniones de trabajo

Nombre

Institución de procedencia

Antonio González Tomás CEB 6/6 Tlalchapa, Gro. Armando de la Paz Álvarez Ramos Arturo Fuentes Morelos Dalia Carreón Estrada David Simón Contreras Rivas Eleazar Jasso Rojas Fernando Castañeda Hernández Humberto Estrada Sánchez Ismael Ricardo Méndez Lavariega J. David Gutiérrez Santos José Guadalupe Talavera Montes de Oca María Guillermina Carreón Mejía Noel Armando Rivas Ramos Norman Edilberto Rivera Pazos Rosa Rodríguez Osorio

CEB 6/5 Villa Unión, Durango COBACH Veracruz CEB 5/2 Loreto, B. C. COBACH D. F. CEB 5/11 El Cedral, S. L. P. EPPI 3/161 Preparatoria Mier y Pesado COBACH Puebla COBACH Oaxaca PREFECO 2/31 Aguascalientes CEB 6/9 Estado de México COBACH Tlaxcala COBACH Durango COBACH Baja California CEB 5/1 Aguascalientes

(Febrero, 2009)



ANTROP. CARLOS SANTOS ANCIRA
Director General del Bachillerato

DR. ALEJANDRO RAMÍREZ TORRES
Director de Coordinación Académica

José María Rico no. 221, Colonia del Valle, Delegación Benito Juárez. C.P. 03100, México D.F.